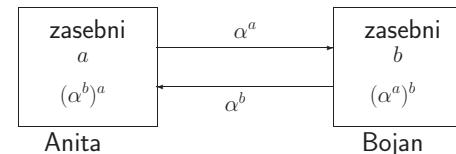


### Diffie-Hellmanova uskladitev ključev

Naj bo  $p$  praštevilo in  $\alpha$  generator multiplikativne grupe  $\mathbb{Z}_p^*$ . Naj bosta oba javno poznana (ali pa naj ju oseba  $U$  sporoči osebi  $V$ ).

1. Oseba  $U$  izbere naključen  $a_U$ ,  $0 \leq a_U \leq p-2$ , izračuna  $\alpha^{a_U} \bmod p$  in ga pošlje osebi  $V$ .
2. Oseba  $V$  izbere naključen  $a_V$ ,  $0 \leq a_V \leq p-2$ , izračuna  $\alpha^{a_V} \bmod p$  in ga pošlje osebi  $U$ .
3. Osebi  $U$  in  $V$  izračunata zaporedoma  $K = (\alpha^{a_V})^{a_U} \bmod p$  in  $K = (\alpha^{a_U})^{a_V} \bmod p$ .



Anita in Bojan si delita skupni element grupe:

$$(\alpha^a)^b = (\alpha^b)^a = \alpha^{ab}.$$

Edina razlika med tem protokolom in pa Diffie-Hellmanovim protokolom za distribucijo ključev je, da si izberemo nova eksponenta  $a_U$  in  $a_V$  uporabnikov  $U$  in  $V$  zaporedoma vsakič, ko poženemo ta protokol.

### Varnost Diffie-Hellmanovega protokola

Protokol ni varen pred aktivnim napadalcem, ki prestreže sporočila in jih nadomesti s svojimi. Ta napad bomo imenovali **napad srednjega moža**.

$$\begin{array}{c} U \xleftarrow{\alpha^{a_U}} W \xleftarrow{\alpha^{a'_U}} V \\ \alpha^{a'_V} \end{array}$$

Na koncu sta osebi  $U$  in  $V$  vzpostavili z napadalcem  $W$  zaporedoma ključa  $\alpha^{a_U a'_V}$  in  $\alpha^{a'_U a_V}$ .

Tako bo zašifrirano sporočilo osebe  $U$  odšifriral napadalec  $W$  ne pa oseba  $V$ .

Uporabnika  $U$  in  $V$  bi bila rada prepričana, da ni prišlo namesto medsebojne izmenjave sporočil do izmenjave z napadalcem  $W$ .

Potrebujeta protokol za medsebojno avtentikacijo (predstavitev).

Dobro bi bilo, če bi potekala avtentikacija istočasno z uskladitvijo ključev, saj bi s tem onemogočili aktivnega napadalca.

### Overjena uskladitev ključev

Diffie, Van Oorschot in Wiener so predlagali protokol **uporabnik-uporabniku** (station-to-station - STS), ki je protokol za *overjeno uskladitev ključev* in je modifikacija Diffie-Hellmanove uskladitve ključev.

Vsek uporabnik ima **certifikat (potrdilo)**

$$C(U) = (\text{ID}(U), \text{ver}_U, \text{sig}_{\text{TA}}(\text{ID}(U), \text{ver}_U)),$$

kjer je shranjena njegova identifikacija  $\text{ID}(U)$ .

### Poenostavljen protokol uporabnik-uporabniku

1. Oseba  $U$  izbere naključen  $a_U \in \{0, \dots, p-2\}$ , izračuna  $\alpha^{a_U} \bmod p$  in pošlje osebi  $V$ .
2. Oseba  $V$  izbere naključen  $a_V \in \{0, \dots, p-2\}$ , izračuna  $\alpha^{a_V} \bmod p$ ,

$$K = (\alpha^{a_U})^{a_V} \bmod p \quad \text{in} \quad y_V = \text{sig}_V(\alpha^{a_V}, \alpha^{a_U}),$$

ter pošlje potrdilo  $(C(V), \alpha^{a_V}, y_V)$  osebi  $U$ .

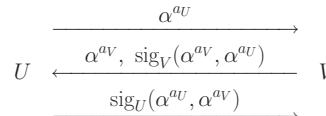
3. Oseba  $U$  izračuna  $K = (\alpha^{a_V})^{a_U} \bmod p$  ter preveri podpis  $y_V$  z uporabo  $\text{ver}_V$  in potrdilo  $C(V)$  z  $\text{ver}_{\text{TA}}$ .

Nato izračuna  $y_U = \text{sig}_U(\alpha^{a_U}, \alpha^{a_V})$  in pošlje potrdilo  $(C(U), y_U)$  osebi  $V$ .

4. Oseba  $V$  preveri podpis  $y_U$  z uporabo  $\text{ver}_U$  in potrdilo  $C(U)$  z uporabo  $\text{ver}_{\text{TA}}$ .

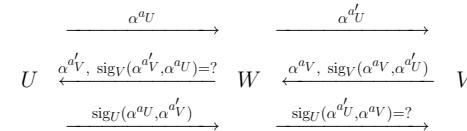
## Varnost protokola STS

Uporabnika  $U$  in  $V$  si izmenjata naslednje informacije (izpustimo potrdila):



Aleksandar Jurisić

Kaj lahko naredi napadalec  $W$  (mož na sredini):



Poenostavljeni STS protokol je torej varen pred napadom srednjega moža.

Aleksandar Jurisić

Tako oblikovan protokol ne vsebuje potrditve ključa, kakor je slučaj v Kerberosovi shemi.

Protokol, v katerem je vključena potrditev ključa:

$y_V = e_K(\text{sig}_V(\alpha^{aV}, \alpha^{aU}))$ ,  $y_U = e_K(\text{sig}_U(\alpha^{aU}, \alpha^{aV}))$  se imenuje STS protokol.

Aleksandar Jurisić

## MTI protokoli

Matsumoto, Takashima, Imai so modificirali Diffie-Hellmanovo uskladitev ključev, tako da uporabniki  $U$  in  $V$  ne potrebujejo podpisov.

Kadar moramo izmenjati dve pošiljki, pravimo, da gre za **protokole z dvema izmenjavama**.

Predstavili bomo en njihov protokol.

586

Osnovne predpostavke so enake kot pri Diffie-Hellmanovi uskladitvi ključev: praštevilo  $p$  in generator  $\alpha$  multiplikativne grupe  $\mathbb{Z}_p^*$  sta javna.

Vsek uporabnik  $U$  ima svoj **zasebni** eksponent  $a_U$  ( $0 \leq a_U \leq p-2$ ) in **javno** vrednost  $b_U = \alpha^{aU} \bmod p$ .

Agencija TA ima shemo za digitalni podpis, z **javnim** algoritmom verja in **tajnim** algoritmom sigTA.

Vsek uporabnik  $U$  ima svoj certifikat:

$$C(U) = (\text{ID}(U), b_U, \text{sig}_{\text{TA}}(\text{ID}(U), b_U)).$$

Aleksandar Jurisić

1. Oseba  $U$  izbere naključen  $r_U \in \{0, \dots, p-2\}$ , izračuna  $s_U = \alpha^{rU} \bmod p$  in pošlje osebi  $V$  ( $C(U), s_U$ ).
2. Oseba  $V$  izbere naključen  $r_V \in \{0, \dots, p-2\}$ , izračuna  $s_V = \alpha^{rV} \bmod p$  in pošlje osebi  $U$  ( $C(V), s_V$ ).
3. Osebi  $U$  in  $V$  izračunata zaporedoma  $K = s_V^{aU} b_V^{rU} \bmod p$  in  $K = s_U^{aV} b_U^{rV} \bmod p$ , kjer sta  $b_V$  in  $b_U$  zaporedoma iz  $C(V)$  in  $C(U)$ .

## Varnost protokola MTI

Ta MTI protokol je enako varen pred pasivnimi sovražniki kot Diffie-Hellmanov protokol.

Varnost pred aktivnimi sovražniki je bolj vprašljiva. Brez uporabe podpisnega algoritma nismo varni pred napadom srednjega moža.

$$U \xleftarrow[C(U), \alpha^{rU} \bmod p]{C(V), \alpha^{aV} \bmod p} V$$

Ključ uporabnikov, ki komunicirata, je težko izračunati, ker je v ozadju težko izračunljiv diskretni logaritem.

Tej lastnosti pravimo **implicitna overitev ključev**.

<p><b>Ustekaditev ključev s ključi, ki se sami overijo</b></p> <p><b>Giraultova shema</b> ne potrebuje certifikatov, saj uporabnike razlikujejo že njihovi javni ključi in identifikacije.</p> <p>Vsebuje lastnosti RSA sheme in diskretnega logaritma.</p>	<p>Uporabnik naj ima identifikacijo <math>ID(U)</math>. Javni ključ za osebno overitev dobi od agencije TA.</p> <p>Naj bo <math>n = p q</math>, kjer je <math>p = 2p_1 + 1</math>, <math>q = 2q_1 + 1</math>, in so <math>p, q, p_1, q_1</math> velika prastebla. Potem je</p> $(\mathbb{Z}_n^*, \cdot) \sim (\mathbb{Z}_p^* \times \mathbb{Z}_{q_1}^*, \cdot).$ <p>Največji red poljubnega elementa v <math>\mathbb{Z}_n^*</math> je najmanjši skupni večkratnik elementov <math>p - 1</math> in <math>q - 1</math> oziroma <math>2p_1q_1</math>.</p> <p>Naj bo <math>\alpha</math> generator ciklične podgrupe v <math>\mathbb{Z}_p^*</math> reda <math>2p_1q_1</math>, problem diskretnega logaritma v tej podgrupi pa naj bo računsko prezahteven za napadalca.</p>	<p><b>Javni ključ za osebno overitev</b></p> <p>Naj bosta števili <math>n, \alpha</math> <b>javni</b>, števila <math>p, q, p_1, q_1</math> pa naj pozna <b>samo</b> agencija TA.</p> <p>Število <math>e</math> je <b>javni</b> RSA šifrirni eksponent in ga izbere agencija TA, <math>d = e^{-1} \bmod \varphi(n)</math> pa je tajni odšifrirni eksponent.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Oseba <math>U</math> izbere <b>tajni</b> eksponent <math>a_U</math>, izračuna <math>b_U = \alpha^{a_U} \bmod n</math> in izroči <math>a_U</math> ter <math>b_U</math> agenciji TA.</li> <li>2. Agencija TA izračuna</li> </ol> $p_U = (b_U - ID(U))^d \bmod n \text{ ter ga izroči osebi } U.$	<p><b>Giraultov protokol za uskladitev ključev</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Oseba <math>U</math> izbere naključen zasebni <math>r_U</math>, izračuna <math>s_U = \alpha^{r_U} \bmod n</math> ter pošle <math>ID(U), p_U</math> in <math>s_U</math> osebi <math>V</math>.</li> <li>2. Oseba <math>V</math> izbere naključen zasebni <math>r_V</math>, izračuna <math>s_V = \alpha^{r_V} \bmod n</math> ter pošle <math>ID(V), p_V</math> in <math>s_V</math> osebi <math>U</math>.</li> <li>3. Osebi <math>U</math> in <math>V</math> izračunata ključ <math>K</math> zaporedoma z</li> </ol> $s_V^{a_U}(p_V^e + ID(V))^{r_U} \bmod n, \quad s_U^{a_V}(p_U^e + ID(U))^{r_V} \bmod n.$
Aleksandar Jurisić 591	Aleksandar Jurisić 592	Aleksandar Jurisić 593	Aleksandar Jurisić 594

<p><b>Varnost Giraultovega protokola</b></p> <p>Kljuc za osebno overitev varuje pred sovražniki.</p> <p>Protokol implicitno overi ključe, zato napad srednjega moža ni možen.</p> <p>Agencija TA je prepričana, da uporabnik pozna vrednost števila <math>a</math> predno izračuna ključ za osebno overitev.</p>	<p><b>Internetne aplikacije</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• ftp: File Transfer Protocol</li> <li>• http: HyperText Transfer Protocol</li> <li>• smtp: Simple Mail Transfer Protocol</li> </ul> <p><b>TCP/IP</b></p> <p>Protokolov sklad:</p> <p>TCP/IP paket:</p>	<p><b>TCP/IP</b></p> <p>Protokolov sklad:</p> <p>TCP/IP paket:</p>	<p><b>Nekateri napadi</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <b>IP address spoofing</b> (slov. ponarejanje naslovov) rešitev: overi glavo IP paketa</li> <li>• <b>IP packet sniffing</b> (slov. vohlanje za IP paketi) rešitev: zašifrira IP payload (vse kar se prenaša)</li> <li>• <b>Traffic analysis</b> (slov. Analiza prometa) rešitev: zašifrira posiljalcev in prejemnikov naslov</li> </ul>
Aleksandar Jurisić 595	Aleksandar Jurisić 596	Aleksandar Jurisić 597	Aleksandar Jurisić 598

Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009
<p><b>Varnost znotraj TCP/IP</b></p> <p>Varnostni protokoli so prisotni na različnih nivojih TCP/IP sklada.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. IP nivo: IPsec.</li> <li>2. Transportni nivo: SSL/TLS.</li> <li>3. Aplikacijski nivo: PGP, S/MIME, SET, itd.</li> </ol>	<p><b>Internet Engineering Task Force (IETF)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Sprejema standarde za razvoj Internetne arhitekture in omogoča nemoteno delovanje Interneta.</li> <li>• Odprta za vse zainteresirane posameznike: <a href="http://www.ietf.org">www.ietf.org</a></li> <li>• Delo, ki ga opravljajo delovne skupine povezane z varnostjo (Security Area) pokrivajo:</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– IP Security Protocol (IPsec)</li> <li>– Transport Layer Security (TLS)</li> <li>– S/MIME Mail Security</li> <li>– Odprto specifikacijo za PGP (OpenPGP)</li> <li>– Secure Shell (secsh) (Nova verzija ssh protokola, ki omogoča varno prijavo na oddaljene šifre in varen prenos datotek.)</li> <li>– X.509 Public-Key Infrastructure (PKIX)</li> </ul>	<p><b>IPsec: Virtual Private Networks (VPNs)</b></p> <p>Omogočajo šifriranje in overjanje (overjanje izvora podatkov, celovitost podatkov) na IP layer.</p>
Aleksandar Jurisić 599	Aleksandar Jurisić 600	Aleksandar Jurisić 601	Aleksandar Jurisić 602

Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009
<p><b>Gradniki IPsec</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Security Association (SA): <ul style="list-style-type: none"> <li>– upravlja algoritme in ključe med sogovorniki,</li> <li>– vsaka glava IPsec se nanaša na Security Association preko Security Parameter Index (SPI).</li> </ul> </li> <li>• Upravljanje s ključi: <ul style="list-style-type: none"> <li>– dogovor o ključu z Diffie-Hellmanovo shemo (OAKLEY),</li> <li>– kreira ključe za Security Association,</li> <li>– upravljanje z javnimi ključi, ki ni pokrito v IPsec.</li> </ul> </li> <li>• Tриje načini IPsec servisov: <ul style="list-style-type: none"> <li>– AH: overjanje,</li> <li>– ESP: šifriranje + overjanje.</li> </ul> </li> </ul>	<p><b>IPsec glava za overjanje (AH)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– Podpira MACs: HMAC-MD5-96, HMAC-SHA-1-96.</li> <li>– Transportni način:</li> </ul>	<p><b>IPsec ESP glava</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Encapsulating Security Payload.</li> <li>• Podprtii šifrirni algoritmi: 3-DES, RC5, IDEA, ...</li> <li>• Transportni način:</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Opomba: analiza prometa je še vedno možna (ker IP glave niso šifrirane).</li> </ul>	<p><b>ESP v tunelskem načinu</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– Požarni zid vključi novo IP glavo (IP naslov pošiljaljvega požarnega zidu in IP naslov prejemnikovega požarnega zidu).</li> <li>– Možna je samo zelo omejena analiza prometa.</li> </ul>

Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009
<p><b>Secure Sockets Layer (SSL)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>SSL je naredil Netscape.</li> <li>TLS (Transport Layer Security) je IETF-ova verzija SSL-a.</li> <li>SSL uporabljamo v brskalnikih (npr. Netscape) za zaščito mrežnih transakcij.</li> <li>Osnovne komponente SSL/TLS:           <ul style="list-style-type: none"> <li><b>handshake protocol:</b> dopusti strežniku in klientu, da se overita in dogovorita za kriptografske ključe,</li> <li><b>record protocol:</b> uporabljan za šifriranje in overjanje prenašanih podatkov.</li> </ul> </li> </ul>	<p><b>Upravljanje z javnimi ključi v SSL/TLS</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Korenski CA ključ je vnaprej inštaliran v brskalnik.           <ul style="list-style-type: none"> <li>Klik na "Security" in nato na "Signers", da najdete seznam ključev korenskih CA v Netscape-u.</li> </ul> </li> <li>Mrežnim strežnikom certificirajo javne ključe z enim izmed korenskih CA-jev (seveda brezplačno).           <ul style="list-style-type: none"> <li>Verisign-ov certification business za mrežne strežnike <a href="http://www.verisign.com/server/index.html">www.verisign.com/server/index.html</a></li> </ul> </li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>Klienti (uporabniki) lahko pridobijo svoje certifikate. Večina uporabnikov trenutno nima svojih lastnih certifikatov.           <ul style="list-style-type: none"> <li>Če klienti nimajo svojih certifikatov, potem je overjanje samo enostransko (strežnik se avtentificira klientu).</li> <li>Običajno varno internetno stran kot npr. <a href="http://webbroker1.tdwaterhouse.ca">webbroker1.tdwaterhouse.ca</a> in kliknite na "padlock" v Netscapu, da si ogledate informacijo o strežnikovem certifikatu.</li> </ul> </li> </ul>	<p><b>SSL/TLS handshake protocol</b></p> <p>Na voljo so naslednji kriptografski algoritmi:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>MAC: HMAC-SHA-1, HMAC-MD5.</li> <li>šifriranje s simetričnimi ključi: IDEA, RC2-40, DES-40, DES, Triple-DES, RC4-40, RC4-128.</li> <li>Osnovne sheme za dogovor o ključu so:</li> </ul>

Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009	Tečaj iz kriptografije in teorije kodiranja, 2009
<p><b>SSL/TLS handshake protokol (2)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>RSA transport ključev: deljeno skrivnost izbere klient in jo zašifrira s strežnikovim javnim RSA ključem.</li> <li>Fixed Diffie-Hellman: strežnikov Diffie-Hellman-ov javni ključ <math>g^x</math> je v njegovem certifikatu. Klient ima lahko <math>g^y</math> v svojem certifikatu, ali generira enkratno vrednost <math>g^y</math>.</li> <li>Ephemeral Diffie-Hellman: Strežnik izbere enkratni Diffie-Hellman-ov javni ključ <math>g^x</math> in ga podpiše s svojim RSA ali DSA ključem za podpise. Klient izbere enkratni <math>g^y</math> in ga podpiše če in samo če ima certifikat.</li> <li>MAC in šifrirni ključi so izpeljani iz skupne skrivnosti.</li> </ul>	<p><b>SSL/TLS record protocol</b></p> <p>Predpostavimo, da klient in strežnik delita MAC tajnega ključa in sejni šifrirni ključ:</p> <pre> graph TD     subgraph ApplicationData [Application data]         direction LR         A[Fragment] --- B[Fragment]         B --- C[Fragment]         C --- D[Text 16384 bytes]     end     E[Compress] --- D     F[Data] --- G[MAC]     G --- H[Encrypt]     I[header] --- J[ ]   </pre>	<p>9. poglavje</p> <p><b>Identifikacijske sheme</b></p> <p>oziroma <b>sheme za predstavljanje</b>:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Uporaba in cilji identifikacijskih shem</li> <li>Protokol z izivom in odgovorom</li> <li>Schnorrova identifikacijska shema</li> <li>Okomotova identifikacijska shema</li> <li>Guillou-Quisquater identifikacijska shema</li> <li>Pretvarjanje identifikacijske sheme v shemo za digitalni podpis</li> </ul>	

Pogosto hočemo dokazati svojo identiteto, npr.:

- **dvig denarja**  
(na bankomatu rabimo kartico in PIN)
- **nakup/plačilo**  
(prek telefona, potrebujemo kartico in rok veljave)
- **telefonska kartica** (telefonska številka in PIN)
- **prijava na svojo šifro na računalniku**  
(uporabniško ime in geslo)

### Cilji identifikacijskih shem

- priča Anitine predstavitev Bojanu se ne more kasneje lažno predstaviti za Anito,
- tudi Bojan se ne more po Anitini predstavitevi lažno predstaviti za Anito,
- enostavnost (npr. za pametno/čip kartico)

Anita s svojo predstavitvijo ne izda informacije, ki jo identificira/predstavlja.

Kartica se predstavi sama, nepooblaščeno uporabo (kraja/izguba) pa preprečimo s PIN-om.

### Protokol z **izzivom in odgovorom**:

*Anita in Bojan delita tajni (skrivni) ključ  $K$ , ki ga uporabljata za šifriranje.*

1. Bojan izbere 64-bitni izziv  $x$  in ga pošlje Aniti.
2. Anita izračuna  $y = e_K(x)$  in ga pošlje Bojanu,
3. Bojan izračuna  $y' = e_K(x)$  in preveri  $y = y'$ .

Skoraj vse sheme uporabljajo protokole z izzivom in odgovorom, vendar pa najbolj koristne ne uporabljajo skupnih ključev.